

Derivácie elementárnych funkcií

- Ak f je konštanta, tak $f'(x_0) = 0$,
- $(x^r)' = rx^{r-1}$ (pre každé r reálne).
- Goniometrické funkcie
$$(\sin x)' = \cos x, \quad (\cos x)' = -\sin x, \quad x \in (-\infty, \infty),$$
$$(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}, \quad x \neq (2k+1)\frac{\pi}{2}, \quad k \in \mathbf{Z},$$
$$(\operatorname{cotg} x)' = \frac{-1}{\sin^2 x}, \quad x \neq k\pi, \quad k \in \mathbf{Z}.$$
- Cyklometrické funkcie
$$(\arcsin x)' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}, \quad (\arccos x)' = \frac{-1}{\sqrt{1-x^2}}, \quad x \in (-1,1),$$
$$(\arctg x)' = \frac{1}{1+x^2}, \quad (\operatorname{arccotg} x)' = \frac{-1}{1+x^2}, \quad x \in (-\infty, \infty).$$
- Logaritmické funkcie
$$(\ln x)' = \frac{1}{x}, \quad x \in (0, \infty),$$
$$(\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a}, \quad a > 0, a \neq 1, \quad x \in (0, \infty).$$
- Exponenciálne funkcie
$$(e^x)' = e^x, \quad x \in (-\infty, \infty)$$
$$(a^x)' = a^x \ln a, \quad a > 0, a \neq 1, \quad x \in (-\infty, \infty).$$

Poznámka Pri derivovaní funkcie $f(x)^{g(x)}$, kde $f(x) > 0$ túto funkciu prepíšeme do tvaru $f(x)^{g(x)} = e^{g(x) \ln f(x)}$.